



ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΗ ΕΞΕΤΑΣΗ ΣΤΗ ΜΗΧΑΝΙΚΗ-III

(Τρίτη, 8 Σεπτεμβρίου 2015, ώρα 08:30)

Διδάσκων: Κουρκούλης Σταύρος, Καθηγητής ΕΜΠ

Οδηγίες προς τους εξεταζομένους:

- Απαντήστε σε όλα τα ζητήματα. Η διάρκεια της εξέτασης είναι δύο ώρες και τριάντα λεπτά.
- Τα ζητήματα και οι ερωτήσεις των ζητημάτων δεν είναι βαθμολογικός ισοδύναμο μεταξύ τους.
- Να απαντάτε αποκλειστικά και μόνον σε ό,τι ζητείται, δικαιολογώντας επαρκώς τις απαντήσεις σας. Αδικοιολογητες απαντήσεις δεν λαμβάνονται υπ' όψιν και δημιουργούν αρνητική εικόνα κατά τη βαθμολόγηση.
- Η τελική βαθμολογία είναι συνάρτηση της συνολικής εικόνας του γραπτού.

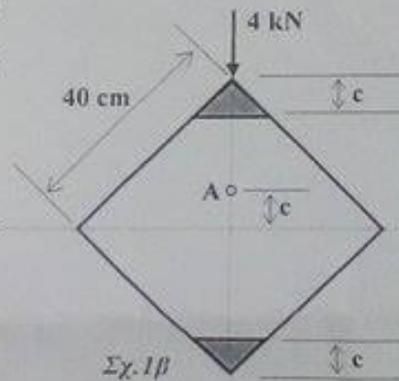
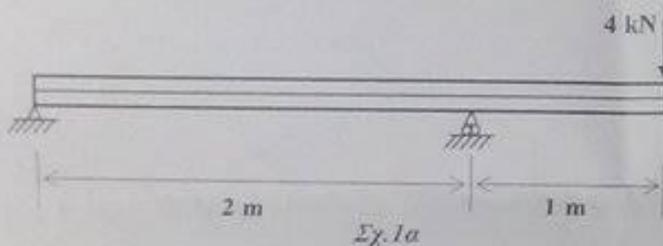
Όνοματεπώνυμο: .....

Εξάμηνο: .....

**ΖΗΤΗΜΑ 1<sup>ο</sup>** (33 μονάδες)

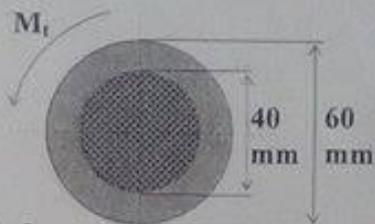
Μονοπροέχουσα δοκός (Σχ.1α), ίδιου βάρους  $w_0=1 \text{ kN/m}$  και τετραγωνικής διατομής (Σχ.1β), στηρίζεται και φορτίζεται όπως στο Σχ.1. Για πρακτικούς λόγους αποτέμνονται οι γραμμοσκιασμένες τριγωνικές επιφάνειες του Σχ.1β.

- Να ευρεθεί η τιμή της παραμέτρου  $c$  έτσι ώστε να μεγιστοποιηθεί η φέρουσα ικανότητα της δοκού έναντι ορθών τάσεων από κάμψη.
- Για την ως άνω τιμή του  $c$  να υπολογισθεί ο τανυστής των τάσεων στο σημείο Α της μεσαίας διατομής μεταξύ των στηρίξεων.



**ΖΗΤΗΜΑ 2<sup>ο</sup>** (34 μονάδες)

- Να διατυπωθούν οι υποθέσεις της τεχνικής θεωρίας στρέψεως (κατά Bernoulli-Euler) και στη συνέχεια να αποδειχθεί η σχέση μεταξύ διατμητικής τάσεως  $\tau$ , στρεπτικής ροπής  $M_t$  και πολικής επιφανειακής ροπής δεύτερης τάξεως  $I_p$  (ήτοι η σχέση:  $\tau = M_t \cdot r / I_p$ ) για ράβδο κυκλικής διατομής.
- Χάλκινη συμπαγής ράβδος ( $D_2=40 \text{ mm}$ ) περιβάλλεται από ορειχάλκινο σωλήνα εσωτερικής διαμέτρου  $40 \text{ mm}$  (Σχ.2). Τα δύο σώματα είναι στερεά συγκολλημένα μεταξύ τους. Τα μέτρα ελαστικότητας χαλκού και ορειχάλκου είναι αντίστοιχα ίσα με  $80$  και  $44 \text{ GPa}$ . Οι τάσεις διαρροής χαλκού και ορειχάλκου είναι αντίστοιχα ίσες με  $60$  και  $38 \text{ MPa}$ .



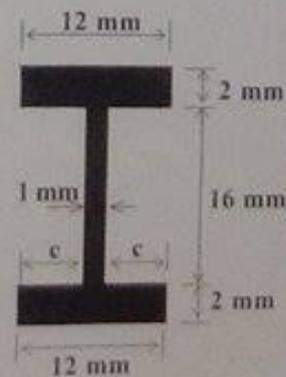
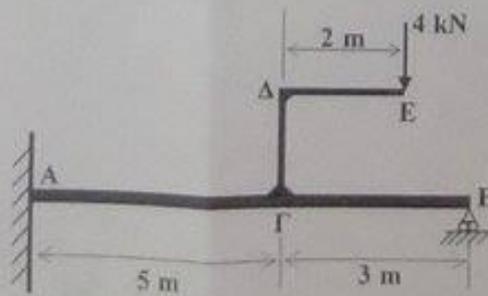
Να ευρεθεί η μέγιστη στρεπτική ροπή  $M_t$  που μπορεί να ασκηθεί στο σώμα πριν επέλθει η πρώτη διαρροή και να σχεδιασθεί (ποσοτικώς) η κατανομή τάσεων και παραμορφώσεων κατά μήκος της ακτίνας του σώματος.

**ΖΗΤΗΜΑ 3<sup>ο</sup>** (33 μονάδες)

Η διατομή χαλύβδινης δοκού AB (Σχ.3α, A: πάκτωση, B: κύλιση) φαίνεται στο Σχ.3β. Ο άκαμπτος φορέας ΓΔΕ είναι στερεά συγκολλημένος στη δοκό.

- Να ευρεθεί η εξίσωση της ελαστικής γραμμής της δοκού AB και να σχεδιασθεί υπό κατάλληλη κλίμακα η παραμορφωμένη δοκός.
- Να προσδιορισθεί το μέγιστο βέλος κάμψεως και η κλίση της δοκού στα σημεία B και Γ.

Δίνεται:  $E=200 \text{ GPa}$



Σχ.3α

Σχ.3β