

Σχολή Εφαρμοσμένων Μαθηματικών και Φυσικών Επιστημών.  
 Εξεταστική περίοδος Μαρτίου 2014.  
 Διδάσκων Κ.Φαράκος.

## ΗΛΕΚΤΡΟΜΑΓΝΗΤΙΣΜΟΣ ΙΙ

**Θέμα I.** Ένα αγώγιμο άπειρο επίπεδο βρίσκεται σε δυναμικό μηδέν. Μία άπειρη ευθεία γραμμή με φορτίο  $\lambda$  ανά μονάδα μήκους είναι παράλληλη με το αγώγιμο επίπεδο και σε απόσταση  $d$  από αυτό ( $\lambda > 0$ ).

- (α) Βρείτε το Ηλεκτρικό πεδίο  $E$  παντού στον χώρο.
- (β) Χρησιμοποιώντας το ηλεκτρικό πεδίο βρείτε το δυναμικό  $V$ .
- (γ) Βρείτε την επιφανειακή πυκνότητα φορτίου  $\sigma$  της αγώγιμης επιφάνειας.
- (δ) Περιγράψτε την ισοδυναμική επιφάνεια με δυναμικό  $V_0$  ( $V_0 > 0$ ).  
 (Υπενθύμιση: η επιφάνεια με δυναμικό μηδέν για δύο ετερόσημα σημειακά φορτία είναι σφαιρική).

**Θέμα II.** Ένα άπειρο επίπεδο φύλλο αμελητέου πάχους έχει ομογενή επιφανειακή πυκνότητα φορτίου  $\sigma$  και φέρει κυκλική οπή ακτίνας  $R$ . (α) Βρείτε το δυναμικό στον άξονα της κυκλικής οπής. (β) Χρησιμοποιώντας το προηγούμενο αποτέλεσμα να βρείτε το δυναμικό και το ηλεκτρικό πεδίο σε κάθε σημείο του χώρου.

**Θέμα III.** (α) Δώστε τον ορισμό της χωρικής πυκνότητας  $\rho_A$  και της επιφανειακής πυκνότητας  $\sigma_A$  των δέσμιων φορτίων λόγω πόλωσης  $P$ .

(β) Ξεκινώντας από το δυναμικό ενός στοιχειώδους διπόλου  $p$  να εκφράσετε το δυναμικό της πολωμένης ύλης σαν συνάρτηση των δέσμιων φορτίων  $\rho_A$  και  $\sigma_A$ .

Δίνεται το δυναμικό ενός στοιχειώδους διπόλου,  $V_{\text{διπόλου}} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\hat{R} \cdot \vec{p}}{R^2}$  σε απόσταση  $R$

από το στοιχειώδες δίπολο  $p$ .

(γ) Αποδείξτε ότι το συνολικό δέσμιο φορτίο είναι μηδέν.

**Θέμα IV.** Κυλινδρικός αγωγός ακτίνας  $a$  και απέριου μήκους διαρρέεται από ρεύμα, με πυκνότητα ρεύματος  $\vec{J} = \frac{2I_0}{\pi a^2} \left(1 - \frac{r^2}{a^2}\right) \hat{z}$ . Ο άξονας των  $z$  συμπίπτει με τον άξονα του αγωγού. (α) Βρείτε το συνολικό ρεύμα που διαρρέει τον αγωγό. (β) Βρείτε το μαγνητικό πεδίο στον χώρο. (γ) Βρείτε το διανυσματικό δυναμικό.

$$\text{Μερικές χρήσιμες σχέσεις: } \nabla' \left( \frac{1}{|\vec{r} - \vec{r}'|} \right) = \frac{\vec{r} - \vec{r}'}{|\vec{r} - \vec{r}'|^3}$$

$$V(r, \theta) = \sum_{l=0}^{\infty} \left( A_l r^l + \frac{B_l}{r^{l+1}} \right) P_l(\cos \theta), \quad P_l(1) = 1$$

$$(1+\varepsilon)^n = 1 + n\varepsilon + \frac{n(n-1)}{2!} \varepsilon^2 + \frac{n(n-1)(n-2)}{3!} \varepsilon^3 + \dots$$

Διάρκεια εξέτασης 2 ½ ώρες. Με κλειστά βιβλία.