



### ΚΑΝΟΝΙΚΗ ΕΞΕΤΑΣΗ ΣΤΗ ΜΗΧΑΝΙΚΗ-III

(Τετάρτη, 10 Φεβρουαρίου 2016, ώρα 12:00)

Διδάσκοντες: Κουρκουλής Σταύρος, Καθηγητής ΕΜΠ

#### Οδηγίες προς τους εξεταζομένους:

- Απαντήστε σε όλα τα ζητήματα. Η διάρκεια της εξέτασης είναι **τρεις ώρες**.
- Να απαντάτε **αποκλειστικά και μόνον σε ό,τι ζητείται**, δικαιολογώντας επαρκώς τις απαντήσεις σας. Αδικαιολόγητες απαντήσεις δεν λαμβάνονται υπ' όψιν και δημιουργούν αρνητική εικόνα κατά τη βαθμολόγηση.
- **Η τελική βαθμολογία είναι συνάρτηση της συνολικής εικόνας των γραπτού.**

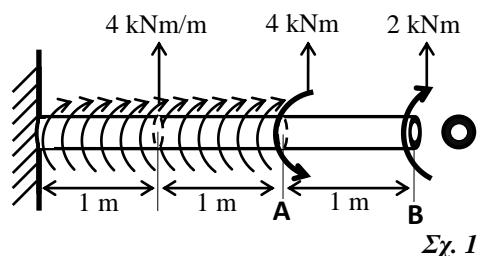
**Ονοματεπώνυμο:** ..... **Εξάμηνο:** ..... **Πρόοδος:** .....

#### ZHTHMA 1<sup>o</sup> (24 μονάδες)

Μονόπακτη, κυλινδρική ατρακτος, δακτυλιοειδούς διατομής με λόγο ακτίνων (εξωτερικής προς εσωτερική) ίσον με δύο, από υλικό με μέτρο διατμήσεως  $G=80 \text{ GPa}$ , φορτίζεται με δύο σημειακές και μία ομοιομόρφως κατανεμημένη ροπή όπως φαίνεται στο Σχ.1.

a. Υπολογίστε την ελάχιστη επιτρεπτή εξωτερική ακτίνα της ατράκτου αν η τάση διαρροής του υλικού της είναι  $120 \text{ MPa}$ .

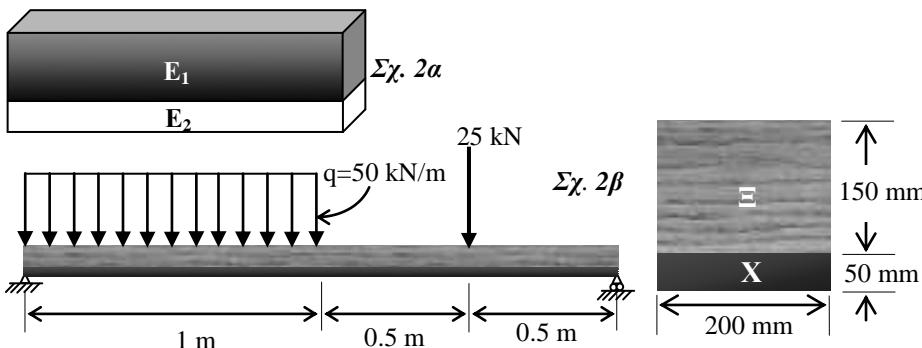
b. Για την ως άνω διάμετρο σχεδιάστε **ποσοτικώς** τις κατανομή των διατμητικών τάσεων στις διατομές A( $x=2 \text{ m}$ ) και B( $x=3 \text{ m}$ ) καθώς και της γωνίας στρέγεων καθ' όλο το μήκος της ατράκτου.



#### ZHTHMA 2<sup>o</sup> (28 μονάδες)

a. Να αποδειχθούν οι σχέσεις για τη θέση της ουδέτερης γραμμής και τις αξονικές τάσεις λόγω κάμψεως για δοκούς οι οποίες συντίθενται από δύο επί μέρους δοκούς από υλικά με λόγο μέτρων ελαστικότητας  $E_2/E_1=n>1$ , συναρτήσει γεωμετρικών στοιχείων και της ροπής κάμψεως (Σχ.2a).

b. Αμφιέρειστη δοκός φορτίζεται όπως φαίνεται στο Σχ.2b. Η διατο-



μή της δοκού συντίθεται από σανίδα ξύλου ( $E_{\Xi}=20 \text{ GPa}$ ) και χαλύβδινη ενίσχυση ( $E_X=200 \text{ GPa}$ ). (Σχ.2β). Να σχεδιασθεί η καθ' ύψος κατανομή των ορθών τάσεων στην πιο επικίνδυνη για αστοχία διατομή της δοκού.

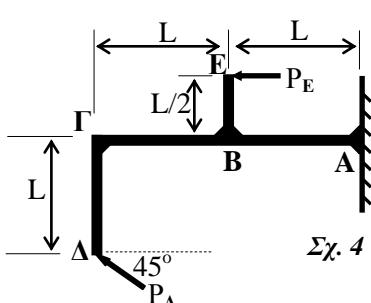
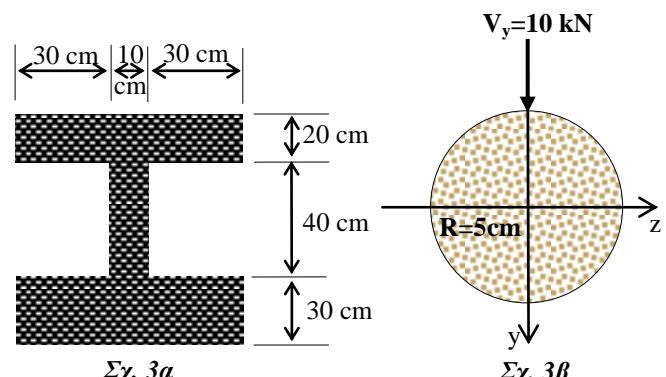
#### ZHTHMA 3<sup>o</sup> (30 μονάδες)

Σχεδιάστε με αριθμητικά δεδομένα:

a. Τον πυρήνα της διατομής του Σχ.3a.

b. Την κατά υ κατανομή των διατμητικών τάσεων  $\tau_{xy}$  στην κυκλική διατομή του Σχ.3b. Υπάρχουν τάσεις  $\tau_{xz}$ ; Αν ναι, ερμηνεύστε την παρουσία τους και περιγράψτε **ποιοτικώς** τη διαδικασία υπολογισμού τους.

$$\text{Δίνεται ότι: } \int x \sqrt{a^2 - x^2} dx = - (a^2 - x^2)^{3/2} / 3$$



#### ZHTHMA 4<sup>o</sup> (18 μονάδες)

Ο μονόπακτος, αβαρής, ορθογωνικός φορέας ΑΒΕΓΔ του Σχ.4 έχει σταθερή τετραγωνική διατομή πλευράς α και είναι κατασκευασμένος από υλικό με μέτρο ελαστικότητας E. Για την φόρτιση του Σχ.4 να υπολογισθεί η οριζόντια μετατόπιση του σημείου E αγνοώντας την επιδραση των διατμητικών τάσεων.

$$\text{Δίνεται: } L=2 \text{ m}, \alpha=12 \text{ cm}, P_A=20 \sqrt{2} \text{ kN}, P_E=60 \text{ kN} \text{ και } E=200 \text{ GPa}.$$